

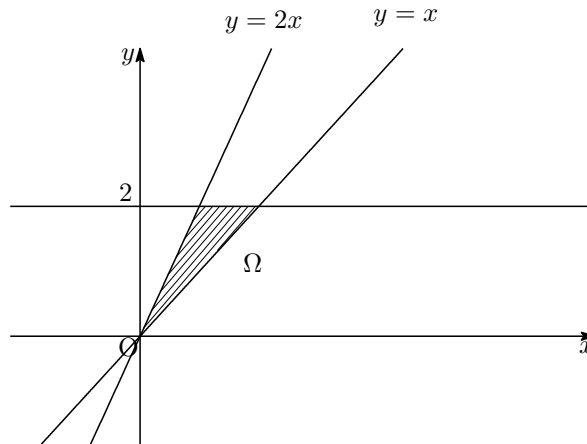
1. 矩形領域  $\Omega = [a, b] \times [c, d]$  で有界な関数  $f(x, y)$  に対して重積分  $\iint_{\Omega} f(x, y) dx dy$  を定義せよ. ただし, 次の用語を正確に説明して, 含んでいることが採点の基準である.

領域の分割, 分割の最大幅, 実数の連続性, 上積分, 下積分

2. 次の累次積分の積分の順序を交換して値を求めよ.

$$\int_{-\frac{1}{2}}^1 \left( \int_{x^2}^{\frac{x+1}{2}} y dy \right) dx$$

3. 下図で示した領域を  $\Omega$  とする. 重積分  $\iint_{\Omega} e^{y^2} dx dy$  を計算して値を求めよ.



4.  $\Omega = \{(x, y) : x - 1 \leq y \leq x + 3, -3x - 9 \leq y \leq -3x + 3\}$  について次の各問に答えよ.

(a)  $\Omega$  を  $(x, y)$  平面に図示せよ.

(b) 重積分  $\iint_{\Omega} (3x + y)^2 dx dy$  を計算して値を求めよ.

5.  $\Omega = \{(x, y) : (x - 1)^2 + y^2 \geq 1, (x - 2)^2 + y^2 \leq 4\}$ . について (下図), 極座標変換により積分変数の変換を考える.

$$\iint_{\Omega} f(x, y) dx dy = \iint_D f(r \cos \theta, r \sin \theta) r dr d\theta$$

このとき,  $D$  を求め,  $(r, \theta)$  平面 (または  $(\theta, r)$  平面) に図示せよ.

